Brain Signal Processing Based on Independent Component Analysis Approaches

曹建庭 1,2 Jianting CAO 1,2

1 はじめに

生体計測技術の進歩により,ヒトの脳を痛めずに脳 波計(Electroencephalography: EEG),脳磁計(Magnetoencephalography: MEG),機能的磁気共鳴図 (Functional Magnetic Resonance Imaging: fMRI)な どの装置或いは計測法を用いて脳神経活動を計測する ことが可能になっている.このような計測装置を利用 して近年高次脳機能に関する研究が盛んになり,また 一部の臨床診断などもよく行われている.

脳計測装置を利用して測定された信号から脳内の活動成分を再構成することが脳信号処理分野の役目である.近年脳信号処理の新しい手法として独立成分解析 (ICA: Independent Componenet Analysis)が注目されている[1,5-8].ICAの基本的な考え方は,統計的互いに独立と看做されている脳内の誘発成分(Evolked Fields),自発成分(Spontanuous),心臓や眼球などの動き成分(Artifacts),電源の干渉(Interferences)などの成分を,計測された信号から分解・再現することである.本稿では,MEG 計測と信号処理の実例を取り上げ,データの計測,解析モデル,方法及び結果について概説する.

2 脳神経活動の計測

脳神経活動の発生メカニズムは脳神経の構成から簡単 に説明すると、人間の大脳皮質にはたくさんの神経細 胞がコラム状の網のように繋ぎ合っている.一つの神 経細胞の内部は外部と違った電位を保持している.こ れを膜電位と呼ばれているが、例えば、ある神経細胞 が、抑制、から、興奮、と言う状態になると膜電位が 上昇し、細胞膜内部にイオン電流が流れ、神経軸索を 通ってほかの神経へ伝達して行く.1個の神経で発生 したイオン電流は非常に弱いであるが、そのまわりに (興奮、状態となる神経細胞がたくさんあり、ほぼ同 じ方向の電流が流れていると、全体としては大きな電 流が流れているように見える.この大きな電流が脳髄 液や頭蓋骨などを通って頭皮上に到達し、そこに電位 分布が形成される.頭皮に直接電極をつけ,電極間の 電位差を測定しているのが EEG である.また,MEG では電流が引き起こした活動磁界,これは頭表に垂 直な磁界成分を形成するが,これを頭皮上に置かれて いる超伝導量子干渉素子(superconducting quantum interference divice; SQUID)で検出される.EEG と MEG はそれぞれ脳電位,脳磁気を計測していて測定 する物理量が異なっているが,測定対象となっている 膜電位から発生する電流は同じものである.

脳神経活動の測定能力は基本的空間分解能と時間分 解能で特徴づけることができる.EEGとMEGは直接 的に時々刻々変化している脳内電気活動を推定してい るため時間分解能は高いと思われるが,その空間分解 能は,一般的にはEEGよりMEGのほうが空間分解 能が高くなる.それは信号が通っている脳内物質を考 えると,EEGの場合には脳内髄液や頭蓋骨の導電率 が不均一のため,電極で採られた電位信号と神経活動 の発生源の関係を表現することが複雑になり,正確な 神経活動の場所の推定は非常に難しい問題である.一 方MEGの場合には,脳内組織の透磁率が真空の透磁 率とほぼ同じであるため,信号の歪みの影響が少なく, 原理的には空間分解能が高いと言える.但し,MEG の弱点としては環境雑音の影響を受けやすいという問 題がある.



¹ 埼玉工業大学工学部電子工学科

¹Department of Electronics Engineering, Saitama Institute of Technology, Saitama 369-0293, Japan

² 理化学研究所 脳科学総合研究センター

²Brain Science Institute, RIKEN, Saitama 351-0198, Japan E-mail:cao@sit.ac.jp

カナダ CTF 社製の MEG 計測装置の一例を図1に示 す.計測実験は外部からの磁気ノイズを遮蔽するため に非磁性材料で作られた磁気シールド室で行われる. 頭部上にヘルメットのような形をした部分は磁束検出 コイルとそれに対応している SQUID であり,それが 常時に液体ヘリウムで冷却されている.測定データの 収集やデータ処理装置の部分は磁気ノイズへの配慮で シールド室外に置かれている.

MEG の信号と環境雑音はどのぐらいレベルのもの を見てみると,脳内活動によって発生する磁気は約 10⁻¹³ Tesla で, それはほぼ地球磁気の1億分の1程 度のもので,極めて微弱な磁気信号と言える.一般都 市環境に存在するいろいろな磁気雑音は数 10⁻⁶ Tesla であるが,これと比べて約数百万分の1程度というこ とになる.また,センサーの方から見れば,脳内活動 の磁場強度より更に1オーダー下の高感度の SQUID センサーにとっては数 10⁻⁶ Tesla の環境雑音は非常 に大きいと言える.実例として Phantom 実験による 計測した信号を図 2 に示す. Phantom 実験とはプラ スチック製の人頭模型の中に生理食塩水と電極を入れ て,電極に正弦波電流を流し,ちょうど脳磁界と同じ ぐらいの磁場が発生するようにして測定したものであ る.この実験で測定したデータは全部で256試行(1試 行=1秒間) あり, 第一試行のデータだけを図2 に表 示している. 横軸は時間で, 縦軸は64 チャンネルの センサーの出力強度を表している.この図を見れば, 外れ値 (outlier) や雑音のパワーは信号より遥かに強い ことが判る. Phantom 実験はもともと脳磁計システ ムの校正として採られている手段であるが,ここでは MEG 実験やアルゴリズムの検証など手段として使お うと考えている。



3 脳信号解析のモデル

MEG 脳計測実験を行うある時刻に,脳内の複数箇所に神経群が活動している.これらの活動源は電源などの周囲の干渉源と互いに重なり合い,頭皮上に置かれたセンサーによって録られているとすると,図3に示しているように,脳計測・解析のモデルは次式のように表現できる.



図3脳信号解析のモデル

$$\mathbf{x}(t) = \mathbf{As}(t) + \boldsymbol{\xi}(t), \quad t = 1, 2, \cdots,$$
 (1)

ここで,時刻 t における m 個チャンネルの観測信 号を $\mathbf{x}(t) = [x_1(t), \cdots, x_m(t)]^T$ とし,各々のチャ ンネルの観測信号 $x_i(t)$ は n 個の共通成分 $\mathbf{s}(t) = [s_1(t), \cdots, s_n(t)]^T$ (信号源)及び一つの独自成分 $\boldsymbol{\xi}(t) = [\xi_1(t), \cdots, \xi_m(t)]^T$ (雑音源)による構成される.MEG 計測の場合には,頭蓋骨や脳内組織の透磁率が真空 の透磁率とほぼ同じであるため,共通成分に比例係数 $\mathbf{A} \in \mathbf{R}^{m \times n} = (a_{ij})$ は i 番目のセンサーと j 番目の信号 源との物理距離に関係する一つの定量と考えられる. 上記のモデルに対して次の説明を付き加える.

- ・実験内容や状況に応じて,共通成分sは刺激による誘発反応,脳内自発成分(例えば α 波),心臓や眼球などの動き成分(Artifacts),環境干渉成分(例えば 50/60Hz の電源干渉)などの成分を含んでいる.これらの成分の高次モーメント(尖度kurtosis)を調べてみると,誘発反応やArtifactsのような成分は正のkurtosisを持ち,電源干渉の成分は負のkurtosisを持つ.また,脳内自発成分のkurtosisは0に近づく.このことから,それぞれの共通成分が持っている高次統計性質が異なり,ICAによる共通成分の分解には十分な可能性がある.また,super-Gaussian,sub-Gaussian及びGaussianが混在するため,それに応じるICAアルゴリズムの適用が必要である.
- 式(1)の定義から,信号源或いは共通成分sの特徴は少なくとも二つ以上のセンサーに寄与することである.信号源sのなかよく雑音(脳内背景雑音や電源干渉源)と呼ばれているものがあっても,共通成分に属すれば信号源と名づけている.一方,独自成分(雑音源)をの場合には,多くても一つのセンサーにしか寄与しない.独自成分は個別のセンサーの熱雑音によるものと考えられる.共通成分と独自成分は式(1)または成分がセンサーへ寄与する数で区別することができる.また,共通成分と独自成分に対する処理方法も異なっていることが多い.
- 数値行列の要素 a_{ij} は一般瞬時空間モデルのよう なランダム数値と設定されることではなく,セン サー配置の物理制約により比例係数と考えられる. このことから,理想状態で計測した信号は局所的

に滑らかな分布をしているはずである.逆に局所 の計測信号の振幅は極端に不均一な分布であると き,余計な成分がセンサーに加えられたというこ とを意味する.この余計な成分は式(1)のモデル から独自成分(雑音源)しか考えられない.一例を 挙げると,図2に示すようなPhantom実験の計 測信号および図1のセンサー配置図を対照的にみ ると,センサーL11の信号は高い振幅を持つが, L11近所のセンサーL12とL21の信号は比較的 弱い.これはセンサーL11に雑音成分が寄与した ことを示している.このような識別の方法を利用 すると,モデルの設定やアルゴリズムの適用など に効果的である.

- センサーの数は MEG 装置により固定されている.信号源の数は未知であるため,例えば交差確認法(the cross-validation technique)などの方法を用いて理論上に推定を行うことができるが,脳内の神経活動源を考えると,その数は無限個になるかもしれないことから,現実では観測信号からパワーが大きな脳内成分を限定にして複数個の有用なものを抽出することが多い.
- 式(1)においては、信号源sとその数n, 雑音源 をおよび行列Aが未知で、計測信号 x が既知で ある.信号源sの各成分は互いに独立で、雑音源 をとも独立であるとする.更に雑音源 ξの各成分 も互いに独立であると仮定する.この条件のもと に、計測信号 x だけを利用して脳内活動を再構成 する.

4 脳信号処理の方法

本節では,同期平均加算,主成分解析法 (PCA: principal component analysis),因子解析法 (FA: factor analysis)及び独立成分解析 (ICA: Independent Component Analysis) などの方法を,Phantom データの 処理例を付き加えて概説する.



図4 同期平均処理.左図:256秒の生データを秒ごと 同期平均加算した信号.右図上:原信号のマップ;右 図中:電流双極子の理論マップ;右図下:誤差マップ.

図2に示すような単試行の計測信号(生データ)は非常 に雑音が多く,望ましい成分を直接に読み取ることは できない.こうした信号を処理する典型的な方法では, 同じ条件のもとで同一実験を複数回繰り返し,計測信 号を同期平均加算する処理が行われる.一例としては Phantomの生データを秒ごと平均加算すれば,ラン ダム性の雑音が相殺され,図3に示す結果が得られる. なお,この例では全ての非ランダム性の外れ値成分が 予め手動で取り除いていた.

次に平均加算された信号に対する位置推定を行うと きに,ダイポール推定法はよく使われている.この方 法は脳内に電流双極子を配置し,この電流双極子が作 る磁場分布の理論値と計測値の差を計算し,残差を最 小にするように電流双極子の位置と大きさを少しずつ 更新しながら求めるというものである.この例では電 流双極子が中心位置に推定されている.

脳信号処理では常に少試行データと高精度の解析が 要求されている.同期平均加算法の適用ではランダム 性の雑音を除去することができるが,平均加算をする と脳活動のダイナミックなどの有用な情報が失われて しまう恐れがある.そのため,雑音が多い単試行デー タを対象に効果的な解析法の開発が求められている. 次にPCA,FA,ICAのデータ解析法について述べる. 式(1)を書き直すと,計測信号は

$$\mathbf{X}_{(m \times N)} = \mathbf{A}_{(m \times n)} \mathbf{S}_{(n \times N)} + \mathbf{\Xi}_{(m \times N)}, \qquad (2)$$

と表記できる.上式にサンプル数 N は十分多いとき, 生成モデルの共分散行列は

$$\boldsymbol{\Sigma} = \mathbf{A}\mathbf{A}^T + \boldsymbol{\Psi},\tag{3}$$

となる.ここで, $\Sigma = \mathbf{X}\mathbf{X}^T/N$ で, $\Psi = \Xi\Xi^T/N$ で ある.上式に独立条件 $\mathbf{SS}^T/N \rightarrow \mathbf{I} \ge \mathbf{S\Xi}^T/N \rightarrow \mathbf{0}$ を利 用した.便宜上 X を \sqrt{N} により正規化し,計測信号 の共分散行列 $\mathbf{C} = \mathbf{X}\mathbf{X}^T$ を利用する.

信号対雑音比率 (SNR: the signal-to-noise ratio) が比較的に高い場合には,例えば平均加算をした信号, その雑音分散 Ψ が無視できる.この場合,評価関数 は AA^T を C に近づくように設定することが出来る. AA^T の解は主成分解析による求められる.ここでは, 固有値分解法を用いた n 個の主成分は

$$\hat{\mathbf{A}}\hat{\mathbf{A}}^T = \mathbf{U}_n \mathbf{\Lambda}_n \mathbf{U}_n^T \tag{4}$$

により求められる.ここで, Λ_n は対角行列で,その 要素はデータの共分散行列 Cのn個の固有値であり, U_n は固有ベクトルである.上式から可能な推定値 \hat{A} として

$$\hat{\mathbf{A}} = \mathbf{U}_n \mathbf{\Lambda}_n^{1/2} \tag{5}$$

が得られる.ここで、 $\hat{\mathbf{A}}^T\hat{\mathbf{A}} = \mathbf{\Lambda}_n$ となるので、 $\mathbf{x} = \hat{\mathbf{A}}\mathbf{z}$ から、主成分の得点(直交変換された信号)は

$$\mathbf{z} = \mathbf{\Lambda}_n^{-1/2} \mathbf{U}_n^T \mathbf{x} \tag{6}$$

による求められる.ここで,共分散 $E\{\mathbf{z}\mathbf{z}^T\} = \mathbf{\Lambda}_n$ であることから,変換されたデータ \mathbf{z} の各成分は互いに無相関であることが判る.

次に直接測定された単一試行信号の場合には,SNR が低いため Ψ が無視できない.PCAの考え方にやや 異なるが,この場合にはAA^Tをデータの共分散行列 Cに近似するではなく,データの共分散行列から雑音 の共分散を引いたものC- Ψ に近づくように設定し なければならない.これは因子解析の角度から解釈す ると,独自因子のパワー(分散)を抑えて,共通因子 の無相関を求めることになる.但し,雑音の共分散 Ψ は未知であるため,Aを推定すると同時に Ψ の推定 も必要がある.この場合の評価関数は次のように定義 する.

$$L(\mathbf{A}, \boldsymbol{\Psi}) = tr[\mathbf{A}\mathbf{A}^T - (\mathbf{C} - \boldsymbol{\Psi})][\mathbf{A}\mathbf{A}^T - (\mathbf{C} - \boldsymbol{\Psi})]^T \quad (7)$$

上記の評価関数を最小化にして, $\frac{\partial L(\mathbf{A}, \Psi)}{\partial \Psi} = 0$ により, 雑音の共分散 Ψ は次式のように

$$\hat{\Psi} = diag(\mathbf{C} - \hat{\mathbf{A}}\hat{\mathbf{A}}^T) \tag{8}$$

推定される.推定値Aは式 (7)を最小化にして求められるが,式 (4)-(5)に示す固有値分解法による推定値Âを求めることも出来る.一旦推定値Âと $\hat{\Psi}$ が得られたら,一般化された逆行列は

$$\mathbf{Q} = [\hat{\mathbf{A}}^T \hat{\boldsymbol{\Psi}}^{-1} \hat{\mathbf{A}}]^{-1} \hat{\mathbf{A}}^T \hat{\boldsymbol{\Psi}}^{-1}$$
(9)

により求められる.それにより,共通因子は z = Qx で求められる.

上記の PCA や FA では信号源の無相関を求めてい るが,互いに独立な信号源を求めているわけではない. 独立成分を求めるために,前回基礎シリーズで論じた ように独立成分解析法を適用する必要がある.ここで は,直交変換された信号 z を用いて各成分が互いに独 立な復元信号

$$\mathbf{y}(t) = \mathbf{W}\mathbf{z}(t) \tag{10}$$

により再構成させることを考えている.独立成分解析 のアルゴリズム

$$\Delta W(t) = \eta(t) [I - \varphi(\mathbf{y}(t))\mathbf{y}^{T}(t)] W(t)$$
(11)

を利用することができる.但し,非線形関数 $\varphi(\cdot)$ の各 成分 $\varphi_i(y_i) = -\frac{\dot{p}_i(y_i)}{p_i(y_i)}$ は信号の確率密度関数 $p_i(\cdot)$ に 依存している. $p_i(\cdot)$ は通常未知であるので,適当な方 法で非線形関数の近似が必要である.

上記の情報理論に基づいた独立成分解析アルゴリズム [2,9] を利用するほかに,近年高次統計に基づいた多種類の独立成分解析アルゴリズムを脳信号処理に適用することができる [3,4].計算アルゴリズムのMATLABコードも公開されている.

上述した PCA, FA 及び ICA を適用し,図2 に示 す第一試行信号(1秒間)に対する処理結果を図5 に示 す.PCA を利用する場合には,雑音の分散が正弦信号 の分散より大きいため,見つけられた第一成分は当然 雑音を主軸に射影したものになってしまう.FA を利 用する場合には,雑音の分散を低減させ,共通因子か ら正弦波の成分を見つけたが,時間 0.2~0.3 間にある 外れ値成分が分解し切れないことが判る.それに ICA を適用すると,外れ値成分が完全に分解され,よりが 正確な正弦波が得られたことが判る.



図 5 PCA, FA 及び ICA による単試行 Phantom 信号の処理結果

上記の例においては, ICA では原信号の時系列波形を 求めたが,原信号の位置を求めるためには分解された 原信号の成分が何らかの形でセンサー上に戻らなけれ ばならない.独立成分解析で述べられたように,ICA で分解された成分の順番やスケーリングは一般的に原 信号と異なっている.ICA で分解された成分のスケー リングがセンサー上の強度に影響されるかどうかにつ いては簡単に説明すると,Gを分解ための合成行列, yを推定値された独立成分とすると,

$$\mathbf{As}(t) = \mathbf{x}(t) = \mathbf{G}^{-1}\mathbf{y}(t) \tag{12}$$

から判るように G が正しく推定されれば, y と s の大きさが異なっても x の強度に影響しない.

一つの独立成分だけを選択してセンサー上に射影す る場合には,注目する独立成分 y_i とそれに対応して いる G の逆行列の列ベクトル ĝ_i を利用して

$$\hat{\mathbf{x}}(t) = \hat{\mathbf{g}}_i y_i(t) \tag{13}$$

のように算出することができる.例えば,図5の下段 に示す IC3の正弦波成分をセンサー上に射影すると, 図6の左側に示す結果となる.



図 6 の結果を図 4 と比較すると,使用データ数においては ICA が 1 秒間のサンプルに対して平均加算の場合には 256 秒間のサンプル数を使用した.位置推定結果においては ICA が適される場合の累計誤差が 2.705%に対して平均加算の場合には 3.61%になった.少なめのサンプル数に対する高精度の推定結果を得たのはICA の計算効果に対して高い評価ができる.

5 単試行聴覚誘発の信号処理例

単試行の Phantom 信号の解析は MEG 計測システム の校正やアルゴリズムの検証などに非常に役に立つ. このような解析手法を実際の脳計測信号に生かせば, ダイナミックな脳活動が可視になるのが有望である. 本節では聴覚誘発信号処理について検討する.

聴覚誘発実験による測定信号は 0.6 秒間を 1 試行と して全部で 630 試行ある.各試行開始から 0.2 秒の時 刻に 1kHz の純音を両耳に与える.第1 試行の信号を 図7に示す.



全記録 630 試行の信号を同期して平均加算すれば,図 8の左側に示す結果が得られる.この結果を見ると,付

加雑音や背景雑音の成分が低減され,100 ミリ秒のと ころに大きな誘発成分が現れていることが判った.ま た,平均加算したデータを利用して2個のダイポール で位置推定を行うと,図8の右側に示すマップが得ら れている.このマップを見ると,側頭葉に左右対称の 二つの誘発磁界があり,刺激に対する最大の活動強度 は330fTであることが判った.



上図の活動強度は平均化されたもので,630回刺激の うちに何回目の刺激によるものではない.それは平均 加算の問題点であり,即ちデータを平均化処理すると, 信号対雑音の比率(SNR)は確かに上がるが,一部の 有用な情報も無くなってしまう可能性がある.この場 合には各試行間の強度変化の情報が失われ,各刺激に 対応する誘発活動成分の強度は見ることができない. そのために単一試行データの解析が必要であると考え られる.また,同じ単試行データ解析と言っても,脳 データ処理の目的はPhantomデータ処理のとやや違 い,脳信号処理の場合には脳活動の位置情報だけでな く,誘発成分の強度や強度変化の情報を可視化するこ とも重視している.

単試行聴覚誘発信号前処理においては,まず観測雑 音の低減や信号間の相関除去と次元縮約などの手続き を行い,前処理したデータを利用して信号源の独立成 分に分解を行った.これらの処理で求められた第1試 行信号に対する結果を図 9(上) に示す.この結果を見 れば, IC1 と IC3 は 100 ミリ秒附近に大きなピークが あり,誘発磁界である可能性が高い.IC2の周波数は 約 10Hz で,アルファ波である可能性が高い. IC4 は 高い周波数の成分で脳外の共通雑音源と考えられる. IC1~IC3 をそれぞれセンサー上に射影し,ダイポー ル位置を推定した結果を図 9(下) に示します.これら の結果を見れば,IC2は後頭部にあり,アルファ波が 典型的に現れている場所に当たる. IC1 と IC3 の位置 は平均化マップ(図8右)に示している側頭葉左右二つ の誘発磁界とそれぞれ対応しているが, IC1とIC3の 活動強度は平均化されたものと異なり, IC1 の最大強 度は184fTで, IC3の最大強度は721fTである.即ち, 第1回目の刺激を両耳に与えた後 , 試験者の左側頭葉 の反応 (IC3) が最も大きく,右側頭葉の反応 (IC1) が 平均値より下回ることが判った.



図9第1試行データの処理結果.上図:分離した独 立成分の波形;左図:IC1の位置と活動強度;中図: IC2の位置と活動強度;右図:IC3の位置と活動強度.

次に平均処理された成分と独立成分解析による分解された成分からそれぞれ推定された電流双極子の位置を 図 10 に示す.



図 10 電流双極子の位置図.上図:座標系;2段目の 図:平均加算した成分から推定された電流双極子の位 置図;3段目の図:IC1から推定された電流双極子の

位置図;下図:IC3から推定された電流双極子の位 置図.

頭のかたちを球で近似し,球中心座標を[x, y, z] =[0, 0, 0] とすると,図10に示している左右側頭葉 こつの電流双極子の位置座標はそれぞれ $[\hat{x},\hat{y},\hat{z}]_{L}^{ave}=$ $[-0.6, 4.9, 6]_L^{ave} \succeq [\hat{x}, \hat{y}, \hat{z}]_R^{ave} = [1.7, -5.6, 6]_R^{ave}$ である.これに対応している IC3 の位置座標は $[\hat{x},\hat{y},\hat{z}]_{IC3}^{Tr1}=[-1.2,\ 3.9,\ 4.7]_{IC3}^{Tr1}$ で,IC1の位置座 標は $[\hat{x}, \hat{y}, \hat{z}]_{IC1}^{Tr1} = [0.5, -1.8, 7.3]_{IC1}^{Tr1}$ である. IC1 と IC3 の位置座標を平均化されたものと比較すれば, やや離れているが, IC1 と IC3 は第1 試行から分解さ れた成分であり,それぞれ右側頭葉,左側頭葉の聴覚 情報処理による磁場分布に相当していると考えられる. また, ICA を第4試行の信号に適用すると,図11 に示している結果が得られる.この結果を図9と比 較すれば,活動磁場源の強度,IC1は184→516fT で, IC3 は 721 → 201 fT のように変化していること が判った.



図 11 第 4 試行信号の処理結果. 左図: IC1 の位置と 活動強度;右図: IC3 の位置と活動強度.

この解析結果から,同様の刺激に対して右側はだんだ ん敏感になり,左側はだんだん鈍感になっていること (聞きなれ)が判る.正確なことを言うためにはより詳 細な実験を行う必要があるが,独立成分分析による計 測信号の分解によって原信号強度の経時変化を取り出 すことができ,情報を処理する左右の脳の働きの違い をより詳しくみることができる可能性があることを示 しているといえるだろう.

6 おわりに

本稿では,MEG 計測および信号処理の実例を取り上 げ,データの計測,解析モデル,解析方法及び解析結 果について概説した.人間の脳内聴覚野が純音に対す る反応の生理学的実験に基づいて測定した信号を解析 することにより,これまでほとんど重視されていない 反応強度などの脳内情報が独立成分解析により,可視 化になることが一歩の前進であり,今後聴覚系の情報 処理における機能の解明に役に立たせることを期待し ている.

References

- [1] 曹 建庭: "単一試行脳磁界データの解析", [甘利 俊一・村田 昇 共編著]: "独立成分解析 - 多変 量データ解析の新しい方法", 数理科学 Senior & Graduate Courses ライブラリ 18, 分担執筆: 第 12 章 サイエンス社, p.1, p.153, pp.85-94, Nov. 2002.
- [2] A.T. Bell and T.J. Sejnowski, "An information maximization approach to blind separation and blind deconvolution," *Neural Computation*, vol. 7, no. 6, pp.1004-1034, 1995.
 Matlab code in WWW : http://www.cnl.salk.edu/ tony/ica.html
- J. F. Cardoso and A. Souloumiac, "Jacobi angles for simultaneous diagonalization," SIAM J. Mat. Anal. Appl., vol. 17, no. 1, pp.145-151, 1996.
 Matlab code in WWW : http://sig.enst.fr/ cardoso/jointdiag.html
- [4] A. Hyvärinen and E. Oja, "A fast fixed-point algorithm for independent component analysis," *Neural Computation*, vol. 9, pp.1483-1492, 1997. Matlab code in WWW : http://www.cis.hut.fi/ aapo/
- [5] S. Ikeda, "ICA on noisy data : A factor analysis approach," in Advances in Independent Component Analysis, Edt. M. Girolami, Springer, 2000.
- [6] S. Makeig, A. J. Bell, T. -P. Jung and T. J. Sejnowski, "Independent component analysis of electroencephalographic data," *Advances in Neural Information Processing System 8*, MIT press, pp.145-151, 1996.
- [7] R. Vigário, J. Särelä, V. Jousmäki, M. Hämäläinen and E. Oja, "Independent component approach to the analysis of EEG and MEG recordings," *IEEE trans. Biomed. Eng.*, vol. 47, no. 5, pp.589-593, 2000.
- [8] J. Cao, N. Murata, S. Amari, A. Cichocki and T. Takeda, "Independent component analysis for unaveraged single-trial MEG data decomposition and single-dipole source localization," *Neurocomputing*, ELSEVIER, 49, pp.255-277, 2002.
- [9] J. Cao, N. Murata, S. Amari, A. Cichocki and T. Takeda "A robust approach to independent component analysis with high-level noise measurements," *IEEE Trans. on Neural Networks*, May 2003.